

Mátrix szorzás gyorsítása

A mátrixszorzás gyorsítása C-ben többféle módon lehetséges. Az alábbiakban bemutatunk néhány optimalizálási technikát:

Optimális sorrend

A hagyományos mátrixszorzás három beágyazott ciklusból áll (i, j, k sorrendben). Azonban a memóriaelérés optimalizálásával (pl. oszlopok helyett sorok szerint haladás) jelentősen növelhetjük a sebességet.

```
void multiplyMatrices(int **A, int **B, int **C, int N) {
    for (int i = 0; i < N; i++) {
        for (int k = 0; k < N; k++) { // Megváltoztatott sorrend
            int r = A[i][k];
            for (int j = 0; j < N; j++) {
                C[i][j] += r * B[k][j]; // Csökkentett memóriahozzáférés
            }
        }
    }
}
```

Miért gyorsabb?

- Az **A** mátrix sorait gyorsabban beolvassuk a CPU gyorsítótárba (cache).
- Az előre kiszámított **r** változó csökkenti az $A[i][k]$ memória-hozzáférést.

Blokkosítás

A blokkosított mátrixszorzás során a mátrixokat kisebb blokkokra bontjuk, és ezeket a blokkokat külön-külön számoljuk ki, így kihasználva a CPU gyorsítótárát.

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 & 10 & 11 & 12 & 13 & 14 & 15 & 16 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

A fenti mátrixokat 2x2-es blokkokra bontjuk, tehát így:

$$A = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 5 & 6 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 3 & 4 & 7 & 8 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 9 & 10 & 13 & 14 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 11 & 12 & 15 & 16 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$$

$\end{bmatrix} \end{bmatrix} \$\$$

Mátrix szorzása blokkonként

$$C_{ij} = \sum_k A_{ik} \cdot B_{kj}$$

Ahol minden C blokk a megfelelő A és B blokkok szorzataként adódik.

Első blokk (C_{11}): $C_{11} = A_{11} \cdot B_{11} + A_{12} \cdot B_{21}$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 5 & 6 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 7 & 8 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Számoljuk ki az egyes részmátrixok szorzatát

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 5 & 6 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 5 & 6 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 7 & 8 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 7 & 8 \end{bmatrix}$$

Összeadva:

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 5 & 6 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 7 & 8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & 6 \\ 12 & 14 \end{bmatrix}$$

Végeredmény

Hasonlóan számolva az összes blokkot:

$$C = \begin{bmatrix} 4 & 6 & 4 & 6 \\ 12 & 14 & 12 & 14 \\ 20 & 22 & 22 & 20 \\ 28 & 30 & 30 & 28 \end{bmatrix}$$

From:

<https://edu.iit.uni-miskolc.hu/> - Institute of Information Science - University of Miskolc

Permanent link:

https://edu.iit.uni-miskolc.hu/muszaki_informatika:matrix_szorzas_gyorsitasi?rev=1739355741

Last update: 2025/02/12 10:22

